





BREVET D'INVENTION

CERTIFICAT D'UTILITÉ - CERTIFICAT D'ADDITION

COPIE OFFICIELLE

Le Directeur général de l'Institut national de la propriété industrielle certifie que le document ci-annexé est la copie certifiée conforme d'une demande de titre de propriété industrielle déposée à l'Institut.

Fait à Paris, le O 8 DEC. 2003

Pour le Directeur général de l'Institut national de la propriété industrielle Le Chef du Département des brevets

Martine PLANCHE

INSTITUT
NATIONAL DE
LA PROPRIETE
INDUSTRIELLE

SIEGE 26 bis, rue de Saint Petersbourg 75800 PARIS cedex 08 Téléphone : 33 (0)1 53 04 53 04 Télécopie : 33 (0)1 53 04 45 23 www.inpi.fr





BREVET D'INVENTION CERTIFICAT D'UTILITÉ

Code de la propriété intellectuelle - Livre VI



26 bis, rue de Saint Pétersbourg 75800 Paris Cedex 08 Téléphone : 33 (1) 53 04 53 04 Télécople : 33 (1) 42 94 86 54

REQUÊTE EN DÉLIVRANCE page 1/2



			emplir lisiblement à l'encre noire DB 540 + 17 2105
REMISE DES PIÈCES DATE	Réservé à l'INPI	NOM ET ADR À QUI LA C	ESSE DU DEMANDEUR OU DU MANDATAIRE CORRESPONDANCE DOIT ÊTRE ADRESSÉE
LIEU QQ		Monsieur MA	ILLET Alain
N° D'ENREGISTREMENT			GUEN MAILLET
NATIONAL ATTRIBUÉ PAR L'II	NPI 0216733	5, place New B.P. 70250	quay
date de dépôt attribuée Par l'inpi	1 9 DEC.		RD CEDEX
Vos références po (facultatif) 8713	ur ce dossier		
Confirmation d'un	dépôt par télécopie	N° attribué par l'INPI à la télécopi	e 2050
MATURE DE L	A DEMANDE	Cochez l'une des 4 cases sulvantes	
Demande de br	revet	X	
Demande de ce	ertificat d'utilité		
Demande divisi	onnaire		
	Demande de brevet initiale	N°	Date Lilili
ou doman	ide de certificat d'utilité initiale	N°°	Date
B	d'une demande de		_ [1 [1
brevet europée	n <i>Demande de brevet initiale</i> (VENTION (200 caractères ou	N° ·	Date
OU REQUÊTE LA DATE DE I	N DE PRIORITÉ DU BÉNÉFICE DE DÉPÔT D'UNE NTÉRIEURE FRANÇAISE	Pays ou organisation Date	N° N°
			ochez la case et utilisez l'imprimé «Suite»
DEMANDEUR	l (Cochez l'une des 2 cases)	Personne morale	Personne physique
Nom		FRANCE TELECOM	
	on sociale		
Prénoms			
Forme juridiqu	Ie	S.A.	
N° SIREN Code APE-NAF		[3,8,0,1,2,9,8,6,6]	
Code Arc-IVAR		6, place d'Alleray .	
Damicile	Rue		
ou siège	Code postal et ville	[7;5;0;1;5] PARIS	
21cRe	Pays	FRANCE	
Nationalité		Française	
Nº de télépho		N° de te	élécopie (facultatif)
Adresse électr	ronique (facultatif)	OH a when all we also were also	cochez la case et utilisez l'imprimé «Suite»
		S'il y a pius d'un demandeur, i	COCHES IN CASE OF DRIBOSS I IMPLIATE ADDITES

HATOMAL BE LA PROPRIETA IMPUNTURLELLE

1er dépôt

Brevet d'invention Certificat d'utilité



REQUÊTE EN DÉLIVRANCE page 2/2

BR2

REM	USE DES PIÈCES	Hésenyé ay INPI			
LIEL	99				
	D'ENREGISTREMENT				08 540 W / 210502
-	TONAL ATTRIBUE PAR	The state of the s			
[15]	PLANDATAIRI		MAILLET		
	Nom Prénom		Alain		
	Cabinet ou So		Cabinet LE GUEN	MAILLET	
	N °de pouvoir de lien contra	permanent et/ou octuel			
		Rue	5, place Newquar B.P. 70250	у	
	Adresse	Code postal et ville	13 5 18 10 12 J DIN	IARD	
H		Pays	FRANCE		
-	N° de télépho	one (facultatif)	02 99 46 55 19		
	N° de télécor		02 99 46 41 80		
	Adresse élect	tronique (facultatif)		The state of the s	merice physiques
	A DESCRIPTION	(5)	Los invertative ex	cą déb tnemoriazeosón im	Logicalize Leathprofessi
		eurs et les inventeurs nes personnes	Oui Non: Dens	ce cas remplir le formulai	ra do Décignation d'inventeur(s)
IF	e rappost d	e degnerome	Uniquenceut cou) end combride go breset (y compris division of transformation)
1		Établissement immédiat	E		
		ou établissement différé		a maintain of	figible origina rual assurbm-sella fusutaci
		helonné de la redevance (en deux versements)	Uniquement peur Uniquement peur Non	ics balsouves bylaniers on	leading disconsisted and proper and
	9] Réduction des redev		Requise pour	er les personnes physiques la première fois pour cette in lieurement à ce dépôt pour c lon à l'assistance gratuite ou inc	vention (joindre un avis de non imposition) ette invention (joindre une copie de la
	10 séquence et/ou d'a	es de nucleotides Cides allinés	Cochez la case	e si la description contient un	e liste de séquences
1		electronique de données est join	t 🗀		
	La déclaration	on de conformité de la liste de sur support papier avec le ctronique de données est jointe			
	Si vous avo indiquoz le	en múlicé l'imprimé aSuiter, e nombre de perses jointes			AND DEED A CONTRACTION
	ELLICHTANGE FOR COMPANY	e du demandeur Moavare Welkó (u signeteire) LET Alain			visa de la préfecture ou de l'inpi
H	•	CHUB-			

La loi n°78-17 du 6 janvier 1978 relative à l'informatique, aux fichiers et aux libertés s'applique aux réponses faites à ce formulaire. Elle garantit un droit d'accès et de rectification pour les données vous concernant auprès de l'INPI.

10

20

25

30

1

La présente invention concerne une méthode de discrétisation/groupage d'un attribut source ou d'un groupe attributs source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné. L'invention trouve particulièrement application dans l'exploitation statistique des données, notamment dans le domaine de l'apprentissage supervisé.

L'analyse statistique des données (encore appelée «data mining») a pris un essor considérable ces dernières années avec l'extension du commerce électronique et l'apparition de très grandes bases de données. Le data mining vise de manière générale à explorer, classifier et extraire des règles d'associations sous-jacentes au sein d'une base de données. Il est notamment utilisé pour construire des modèles de classification ou de prédiction. La classification permet d'identifier au sein de la base de données des catégories à partir de combinaisons d'attributs, puis de ranger les données en fonction de ces catégories.

De manière générale, les valeurs (encore appelées modalités) prises par un attribut peuvent être numériques (par exemple un montant d'achats) ou symbolique (par exemple une catégorie de consommation). On parle dans le premier cas d'attribut numérique et dans le second cas d'attribut symbolique.

Certaines méthodes de data mining requièrent une « discrétisation » des attributs numériques. On entend ici par discrétisation d'un attribut numérique un découpage du domaine des valeurs prises par un attribut en un nombre fini d'intervalles. Si le domaine en question est une plage de valeurs continues la discrétisation se traduira par une quantification de cette plage. Si ce domaine est déjà constitué de valeurs discrètes ordonnées, la discrétisation aura pour fonction de regrouper ces valeurs en groupes de valeurs consécutives.

La discrétisation des attributs numériques a été largement traitée dans la littérature. On en trouvera par exemple une description dans l'ouvrage de Zighed et al. intitulé « Graphes d'induction » publié chez HERMES Science Publications.

On distingue deux types de méthodes de discrétisation: les méthodes descendantes et les méthodes ascendantes. Les méthodes descendantes partent de l'intervalle complet à discrétiser et cherche le meilleur point de coupure de l'intervalle en optimisant un critère prédéterminé. Les méthodes ascendantes partent d'intervalles élémentaires et cherchent la meilleure fusion de deux intervalles adjacents en optimisant un critère prédéterminé. Dans les deux cas, elles sont appliquées itérativement jusqu'à ce qu'un critère d'arrêt soit satisfait.

La présente invention concerne plus particulièrement une méthode de discrétisation ascendante basée sur l'optimisation globale du critère de χ^2 .

Une méthode de discrétisation ascendante utilisant le critère du χ^2 est connue dans la littérature sous le nom de ChiMerge. Elle est par exemple décrite dans le document intitulé "Discretization of Numeric Attributes" publié dans **PROCEEDINGS** TENTH NATIONAL CONFERENCE ON ARTIFICIAL INTELLIGENCE, SAN JOSE, CA, USA, 12-16 JULY 1992, pages 123-128 au nom de KERBE R.

On rappellera tout d'abord que le critère du χ^2 permet sous certaines hypothèses de déterminer le degré d'indépendance de deux variables aléatoires.

Soit S un attribut source et T un attribut cible. On supposera pour fixer les idées que S présente cinq modalités a,b,c,d,e et T trois modalités A,B,C. Le Tableau 1 montre le tableau de contingence des variables S et T avec les conventions suivantes :

 n_{ij} est le nombre d'individus observés pour la $i^{\text{ème}}$ modalité de la variable S et la $j^{\text{ème}}$ modalité de la variable T . n_{ij} est encore appelé effectif observé de la case (i,j);

 n_i est le nombre total d'individus pour la $i^{\text{ème}}$ modalité de la variable S . n_i est encore appelé effectif observé de la ligne i;

 n_j est le nombre total d'individus pour la $j^{\text{ème}}$ modalité de la variable T . n_j est encore appelé effectif observé de la colonne j;

N est le nombre total d'individus.

5

10

15

25

S/T	A	В	С	Total
a	n_{11}	n_{12}	n ₁₃	$n_{1.}$
b	n ₂₁	n ₂₂	n ₂₃	n _{2.}
С	n ₃₁	n ₃₂	n ₃₃	n _{3.}
d	n ₄₁	n ₄₂	n ₄₃	n _{4.}
e	n ₅₁	n ₅₂	n ₅₃	n _{5.}
Total	n_1	n.2	n _{.3}	N

Tableau 1

De manière générale, on notera *I* et *J* respectivement le nombre de modalités de l'attribut S et le nombre de modalités de l'attribut T.

On définit l'effectif théorique e_{ij} de la case (i,j) par $e_{ij} = \frac{n_i n_j}{N}$, représentant le nombre d'individus qui serait observé dans la case du tableau de contingence dans le cas de variables indépendantes. L'écart à l'indépendance des variables S et T est mesuré par :

5

10

15

20

25

30

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^{J} \sum_{j=1}^{J} \frac{\left(n_{ij} - e_{ij}\right)^2}{e_{ij}} \tag{1}$$

Plus la valeur de χ^2 est élevée, moins l'hypothèse d'indépendance des variables aléatoires S et T est probable. On parle par abus de langage de probabilité d'indépendance des variables.

Plus précisément χ^2 est une variable aléatoire dont on peut montrer que la densité suit une loi dite du χ^2 à (I-1).(J-1) degrés de liberté. La loi du χ^2 est celle suivie par une somme quadratique de valeurs aléatoires normales centrées. Ellè a de fait l'expression d'une loi γ et tend vers une loi gaussienne lorsque le nombre de degrés de liberté est élevé.

Par exemple si I=5 et J=3, le nombre de degrés de liberté vaut 8. Si la valeur de χ^2 calculée par (1) vaut 20, la loi du χ^2 à 8 degrés de liberté donne une probabilité d'indépendance de S et T de 1%.

Ayant montré que le critère du χ^2 permet de déterminer le degré d'indépendance de deux variables aléatoires, nous présenterons maintenant la méthode de discrétisation ascendante par optimisation du critère du χ^2 que constitue la méthode dite ChiMerge.

Nous nous plaçons dans le cas général d'un attribut source S à I modalités et d'un attribut T à J modalités. La méthode ChiMerge considère seulement deux lignes consécutives i et i+1 du tableau de contingence. Soit $q'_1, q'_2, ..., q'_J$ la distribution locale (c'est-à-dire dans le contexte local des lignes consécutives i et i+1) de probabilité des modalités pour l'attribut cible T. Si n_i est l'effectif de la ligne i et n_{i+1} est l'effectif de la ligne i+1, les effectifs observés et théoriques de la ligne i s'expriment respectivement par $n_{ij}=a_{ij}n_{i}$ et $e_{ij}=q'_{j}n_{i}$ où les a_{ij} représentent les proportions d'effectifs observés pour la ligne i. De même, les effectifs observés et théoriques de la ligne i+1 s'expriment respectivement par $n_{i+1,j}=a_{i+1,j}n_{i+1,j}$ et $e_{i+1,j}=q'_{j}n_{i+1,j}$ où les $a_{i+1,j}$ représentent les proportions observées de modalités de T pour la ligne i+1. La distribution locale de probabilité $q'_{1}, q'_{2}, ..., q'_{j}$ des modalités de l'attribut cible peut être exprimée par :

$$q'_{j} = \frac{a_{ij}n_{i} + a_{i+1,j}n_{i+1,.}}{n_{i} + n_{i+1,.}} \tag{2}$$

Selon la méthode ChiMerge, on calcule la valeur du χ^2 pour les lignes i et i+1, soit, en tenant compte du fait que $\sum_{j=1}^{J} q_{ij}^{j} = \sum_{j=1}^{J} a_{ij} = 1$:

$$\chi_{i,j+1}^{2} = n_{i} \left(\sum_{j=1}^{J} \frac{a_{ij}^{2}}{q_{j}^{1}} - 1 \right) + n_{i+1, j} \left(\sum_{j=1}^{J} \frac{a_{i+1, j}^{2}}{q_{j}^{1}} - 1 \right)$$
(3)

soit encore après transformation:

10

$$\chi_{i,i+1}^{2} = \frac{n_{i} n_{i+1,.}}{n_{i} + n_{i+1,.}} \sum_{j=1}^{J} \frac{\left(a_{ij} - a_{i+1,j}\right)^{2}}{q'_{j}}$$
(4)

 $\chi^2_{i,i+1}$ est une variable aléatoire suivant une loi du χ^2 à J-1 degrés de liberté. La méthode ChiMerge propose de fusionner les lignes i et i+1 si :

15

25

$$prob(\chi_{i,i+1}^2,J-1) \leq \operatorname{Pr}ob(\alpha,K) = prh$$
(5)

où $prob(\alpha,K)$ désigne la probabilité que $\chi^2 \ge \alpha$ pour la loi du χ^2 à K degrés de libertés et p_{Th} est une valeur de seuil prédéterminée paramétrant la méthode. En pratique, la valeur $prob(\alpha,K)$ est obtenue à partir d'une table classique du χ^2 donnant la valeur de α en fonction de $prob(\alpha,K)$ et de K.

La condition (5) exprime que la probabilité d'indépendance de S et T au vu des deux lignes considérées est inférieure à une valeur de seuil. La fusion de lignes consécutives est itérée tant que la condition (5) est vérifiée. La fusion de deux lignes entraîne le regroupement de leurs modalités et la sommation de leurs effectifs. Par exemple dans le cas d'un attribut numérique à valeurs continues on a avant fusion :

$[s_{i},s_{i+1}[$	$n_{i,1}$	$n_{i+1,2}$	••••	$n_{i,J}$	$n_{i,.}$
$[s_{i+1},s_{i+2}[$	$n_{i+1,1}$	$n_{i+1,2}$	••••	$n_{i+1,J}$	$n_{i+1,.}$

Tableau 2

et après fusion:

				r	
r r	10 4 10	70		$n_{i,j} + n_{i+1,j}$	n. + n
$ S_i,S_{i+2} $	$n_{i,1} + n_{i+1,1}$	$n_{i+1,2} + n_{i+1,2}$	••••	$n_{i,j} + n_{i+1,j}$	$n_{i,,}$ $n_{i+1,,}$

Tableau 3

Dans le document de brevet FR-A-2 825 168, est proposée une méthode qui est un perfectionnement à la méthode qui vient d'être décrite notamment en ce qu'elle permet de s'affranchir du problème, dans la méthode ChiMerge, du choix du paramètre p_{Th} qui ne doit pas être trop élevé sous peine de fusionner toutes les lignes ni trop faible sous peine de ne fusionner aucune paire.

Supposons le cas d'un attribut S numérique mono-dimensionnel à valeurs continues. Après avoir ordonné les modalités de S, l'ensemble de ces modalités peut être découpé en intervalles élémentaires $S_i=[s_i,s_{i+1}[$, i=1,...,I. Nous souhaitons évaluer le degré d'indépendance de cet attribut avec un attribut cible T de modalités T_j , j=1,...,I. On peut représenter le tableau de contingence :

. .

S/T	T_1	T_2	•••	T_J	·Total
S_1	$n_{1,1}$	$n_{1,2}$	•••	$n_{1,J}$	$n_{1,.}$
:	:	:	:	:	:
S_i	$n_{i,1}$	$n_{i,2}$	•••	$n_{i,J}$	$n_{i,.}$
S_{i+1}	$n_{i+1,1}$	$n_{i+1,2}$	•••	$n_{i+1,J}$	n_{i+1}
	:	:	:		:
S_I	$n_{I,1}$	$n_{I,2}$	•••	$n_{I,J}$	$n_{l,.}$
Total	n _{.,1}	n _{.,2}	•••	$n_{.,J}$	N

Tableau 4

D'après (1) la valeur du χ^2 sur l'ensemble du tableau peut s'exprimer par :

5

10

15

20

$$\chi^{2} = \sum_{i=1}^{J} \sum_{j=1}^{J} \frac{(n_{ij} - e_{ij})^{2}}{e_{ij}}$$
 (6)

Soit encore en notant $q_1,q_2,...,q_J$ la distribution de probabilité des modalités de l'attribut cible et a_{ij} les proportions d'effectifs observés pour la ligne i et en remarquant que $e_{ij}=q_{ij}n_{i...}$, $n_{ij}=a_{ij}n_{i...}$ et $\sum_{j=1}^{J}q_{j}=\sum_{j=1}^{J}a_{ij}=1$:

$$\chi^{2} = \sum_{i=1}^{J} n_{i, \sum_{j=1}^{J}} \left(\frac{a_{ij}^{2}}{q_{j}} - 1 \right) = \sum_{i=1}^{J} \chi_{(i)}^{2}$$
(7)

où $\chi^2_{(i)}$ est la valeur du χ^2 pour la ligne *i*. L'expression (7) signifie que le χ^2 est additif par rapport aux lignes du tableau.

Après fusion de deux lignes consécutives i et i+1, la valeur du χ^2 est modifiée et cette nouvelle valeur, notée $\chi^2_{f(i,i+1)}$ peut donc s'écrire :

15
$$\chi_{f(i,i+1)}^2 = \chi_2 + \Delta \chi_{(i,i+1)}^2$$
 (10)

5

20

25

où $\Delta \chi^2_{(i,i+1)}$ est la variation du χ^2 résultant de la fusion des lignes i et i+1. On a montré que la valeur de $\Delta \chi^2_{(i,i+1)}$ peut être calculée explicitement en fonction des proportions d'effectifs des lignes i et i+1:

$$\Delta \chi_{(i,j+1)}^2 = -\left(\frac{n_{i,.} + n_{i+1,.}}{n_{i,.} n_{i+1,.}}\right) \sum_{j=1}^{J} \frac{\left(a_{ij} - a_{i+1,j}\right)^p}{q_j}$$
(11)

La liste des valeurs de $\Delta \chi^2_{(i,i+1)}$ est triée par valeurs décroissantes. Pour celle présentant la valeur la plus élevée, on teste l'inégalité suivante des probabilités d'indépendance de S et de T avant fusion et après fusion. On teste alors si :

$$prob(\chi^{2}_{f(p,n+1)},(I-2)(J-1)) \leq prob(\chi_{2},(I-1)(J-1))$$
(12)

10

15

20

25...

Si la condition (12) est vérifiée, on fusionne les lignes i_0 et i_0+1 . En revanche, si la condition (12) n'est pas vérifiée, alors elle n'est vérifiée pour aucun indice i par suite de la décroissance de $prob(\alpha,K)$ en fonction de α . Le processus de fusion est alors arrêté.

Si les lignes i_0 et i_0+1 ont été fusionnées, on met à jour la liste des valeurs $\Delta \chi^2_{(i,i+1)}$. On notera que cette mise à jour ne concerne en fait que les valeurs relatives aux lignes contiguës aux lignes fusionnées à savoir les lignes d'indices i_0-1 et i_0+2 avant fusion (si elles existent). Le processus de fusion est itéré tant que la condition (12) est satisfaite.

La méthode qui est décrite dans le document FR-A-2 825 168 conduit à une discrétisation ad hoc du domaine des modalités, c'est-à-dire à une discrétisation qui minimise l'indépendance entre l'attribut source et l'attribut cible sur l'ensemble du domaine. En effet, cette méthode de discrétisation permet de regrouper des intervalles adjacents ayant des comportements de prédiction similaires vis à vis de l'attribut cible, le regroupement étant arrêté lorsqu'il nuit à la qualité de prédiction, en d'autres termes lorsqu'il ne fait plus décroître la probabilité d'indépendance des attributs.

On obtient par fusions successives un tableau de contingence dont le nombre de lignes se réduit et dont les effectifs par case augmentent.

Cette méthode pose néanmoins le problème dû à un phénomène dit de "surapprentissage" par lequel on conclut indûment à une dépendance des attributs. Cela correspond à une généralisation abusive de caractéristiques présentes dans l'échantillon étudié uniquement en raison de fluctuations statistiques. Toujours dans le document FR-A-2 825 168, il a été proposé, pour résoudre ce problème, d'adapter la méthode de discrétisation décrite ci-dessus de la manière suivante : on accorde d'abord la priorité aux fusions de lignes vérifiant (12) qui permettent de vérifier un critère d'effectif minimum. Le critère d'effectif minimum pourra, par exemple, s'écrire pour la ligne i_0 :

$$e_{j_0,j} \ge \log_2(10N), j = 1,...,J$$
(13)

Néanmoins, en dépit des bons résultats expérimentaux obtenus, il s'est avéré que dans certains cas le critère d'effectif minimum ci-dessus utilisé n'offrait pas une garantie suffisante. En particulier, la discrétisation d'attributs indépendants de

10

15

20

25

30

l'attribut cible conduit à une discrétisation en plusieurs intervalles. Cela traduit un surapprentissage, d'autant plus important que la taille de l'échantillon d'apprentissage est élevée.

La méthode qui est donc exposé dans le document de brevet FR-A-2 825 168 ne permet donc pas de définir un niveau « plancher » en nombre d'intervalles correspondant aux attributs indépendants de l'attribut cible. Le choix empirique de l'effectif minimum n'est donc pas satisfaisant en présence d'attributs sans intérêt prédictif. De plus, il ne tient pas compte du nombre et de la distribution des modalités cibles.

Bien que l'introduction précédente soit en relation avec une méthode de discrétisation d'un attribut source numérique, la présente invention n'est pas limitée à une telle méthode. En effet, le problème que cherche à résoudre la présente invention qui est le problème de "sur-apprentissage" mentionné ci-dessus est tout à fait général et concerne également les méthodes de groupage des modalités d'un attribut source lorsque lesdites modalités ne sont pas continues mais discrètes. Lorsque les modalités sont continues, elles peuvent être partitionnées en intervalles élémentaires alors que lorsqu'elles sont discrètes, elles sont partitionnées en groupes. Il concerne également des méthodes de discrétisation ou de groupage de groupe d'attributs source, par exemple au nombre de k, qui peuvent alors être considérées comme des méthodes de discrétisation ou de groupage en dimension k. Intervalles et groupes peuvent donc être de dimension k. Dans la suite de la description, ils seront appelés de manière générale "régions".

Par ailleurs, bien cette introduction ou le reste de la description considère comme critère de fusion le critère de χ^2 (essentiellement pour des commodités de description), on comprendra que la présente invention ne se limite pas à ce critère particulier.

Le but de la présente invention est donc de proposer un perfectionnement une méthode de discrétisation/groupage d'un attribut source ou d'un groupe attributs source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné qui permettent d'éviter le phénomène de « sur-apprentissage » mentionné ci-dessus empêchant la détection des attributs sans intérêt prédictif.

A cet effet, et dans le cas tout à fait général, la présente invention concerne une méthode de discrétisation/groupage d'un attribut source ou d'un groupe attributs

source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :

- a) Partition desdites modalités dudit attribut source ou dudit groupe d'attribut en régions élémentaires,
 - b) Evaluation pour chaque couple de régions élémentaires, d'un critère de fusion,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de régions élémentaires fusionnables, du couple de régions élémentaires dont ledit critère de fusion serait optimisée,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas de régions élémentaires dont la fusion aurait pour conséquence d'améliorer ledit critère de fusion,
 - f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e).

5

15

20

25

30

En vue de résoudre le problème mentionné ci-dessus, cette méthode est caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur d'une variable d'appréciation de fusion n'est pas comprise dans une zone de valeurs atypiques prédéterminée.

Selon une autre caractéristique de la présente invention, ladite zone de valeurs atypiques prédéterminée est telle que pour un attribut cible indépendant dudit attribut source ou dudit groupe attributs source, la valeur de ladite variable de fusion ne soit pas comprise dans ladite zone avec une probabilité p prédéterminée.

La présente invention concerne également en particulier une méthode de discrétisation d'un attribut source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :

- a) Partition desdites modalités de l'attribut source en intervalles élémentaires deux à deux adjacents,
- b) Evaluation pour chaque couple d'intervalles élémentaires adjacents dudit ensemble, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples d'intervalles élémentaires fusionnables, du couple d'intervalles élémentaires dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas d'intervalles élémentaires permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,

f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e).

Selon une caractéristique de cette méthode, elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

Selon une autre caractéristique de l'invention, ladite valeur seuil prédéterminée $\max \Delta \chi^2$ est telle que pour un attribut cible indépendant de l'attribut source la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion soit toujours inférieure à ladite valeur $\max \Delta \chi^2$ avec une probabilité p prédéterminée.

Selon une autre caractéristique de l'invention, ladite valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$ est égale à la fonction du χ^2 de degré de liberté égale au nombre J de modalités de l'attribut cible moins un pour une probabilité p à la puissance 1/N où N est la taille de l'échantillon de la partie de la base de données sur laquelle est appliquée ladite méthode de discrétisation :

$$Max\Delta\chi^2 = Inv\chi^2_{J-1}(p^{1/N})$$

5

10

15

20

25

30

où $Inv\chi^2$ est la fonction qui donne la valeur du χ^2 en fonction d'une probabilité p donnée.

Selon une autre caractéristique de l'invention, ladite méthode comporte une étape de vérification que l'effectif d'un attribut source pour des modalités dans un intervalle donné pour chaque attribut cible est supérieur à une valeur prédéterminée, et si tel n'est pas le cas, mettre en œuvre la fusion dudit intervalle avec un intervalle adjacent.

La présent invention concerne encore en particulier une méthode de groupage d'un attribut de source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :

- a) Partition desdites modalités de l'attribut source en une pluralité de groupes,
- b) Evaluation pour chaque couple de groupes dudit ensemble, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de groupes fusionnables, du couple de groupes dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,

e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas de fusions de groupes permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,

f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e).

5

10

15

20

25.

30

Selon une caractéristique de l'invention, cette méthode comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

Selon une autre caractéristique de l'invention, ladite valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$ est telle que pour un attribut cible indépendant de l'attribut source la valeur $\Delta\chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion soit toujours inférieure à ladite valeur $\text{Max}\Delta\chi^2$ avec une probabilité p prédéterminée.

Selon une autre caractéristique de l'invention, pour établir la valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$, elle consiste à utiliser une table de valeurs préalablement calculée de valeurs de moyenne et d'écart type en fonction du nombre de modalités de l'attribut source et du nombre de modalités des attributs cibles, à déterminer par interpolation linéaire à partir de ladite table de valeurs la moyenne et l'écart type du $\text{Max}\Delta\chi^2$ correspondant aux attributs à grouper, puis à déterminer en utilisant la loi normale inverse la valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$ correspondant qui ne sera pas avec une probabilité p.

Selon une autre caractéristique de l'invention, pour deux modalités cibles, la moyenne du $\text{Max}\Delta\chi^2$ est asymptotiquement proportionnelle à $2I/\pi$ où I est le nombre de modalités sources.

Selon une autre caractéristique de l'invention, pour deux modalités sources, la loi du $Max\Delta\chi^2$ est la loi du χ^2 à J-1 degrés de liberté, J étant le nombre de modalités cibles.

Selon une autre caractéristique de l'invention, ladite méthode comporte une étape préalable de vérification que l'effectif d'un attribut source pour des modalités dans un groupe donné pour chaque attribut cible est supérieur à une valeur prédéterminée, et si tel n'est pas le cas, mettre en œuvre une fusion dudit groupe avec un groupe spécifique, ledit groupe fusionné formant alors de nouveau ledit groupe spécifique.

La présente invention concerne également en particulier une méthode de discrétisation en dimension k d'un groupe de k attributs sources continus d'une base de données contenant une population d'individus, dans le but notamment de prédire

les modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :

- a) Partition desdites modalités du groupe des k attributs sources en des régions élémentaires de dimension k,
- b) Evaluation pour chaque couple de régions élémentaires adjacentes, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de régions fusionnables, du couple de régions dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas d'ensemble d'intervalles permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,
 - f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e).

5

10

15

20

25

30

Elle est caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

Enfin, elle concerne une méthode de groupage en dimension k d'un groupe de k attributs sources discrets d'une base de données contenant une population d'individus, dans le but notamment de prédire les modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :

- a) Partition desdites modalités du groupe des k attributs source en une pluralité de groupes,
- b) Evaluation pour chaque couple de groupes, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de groupes fusionnables, du couple de groupes dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas de fusions de groupes permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,
 - f) sinon réitération des étapes b) à e).

Elle est alors caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max} \Delta \chi^2$.

Les caractéristiques de l'invention mentionnées ci-dessus, ainsi que d'autres, apparaîtront plus clairement à la lecture de la description suivante d'un exemple de

réalisation, ladite description étant faite en relation avec la Fig. unique est un organigramme montrant les différentes étapes mises en œuvre par la méthode de discrétisation ou une méthode de groupage selon la présente invention.

Comme déjà mentionné ci-dessus, la présente description va, pour des raisons de commodités, considérer comme :

critère de fusion, le critère de χ^2 ,

5

10

15

20

25

30

amélioration du critère de fusion, la diminution de la probabilité d'indépendance, variable d'appréciation d'une fusion, la valeur de la variation $\Delta \chi^2$ de la valeur du χ^2 avant et après ladite fusion,

zone de valeurs atypiques, les valeurs de la variation $\Delta \chi^2$ supérieures à une valeur seuil prédéterminée Max $\Delta \chi^2$.

Mais on comprendra que la présente invention ne se limite pas à ces cas particuliers.

Dans un premier temps, on va considérer, dans ce cadre limitatif exposé cidessus, une méthode de discrétisation d'un attribut source telle que celle qui est décrite dans le document de brevet FR-A-2 825 168. Dans ce document, on envisage toutes les fusions possibles d'intervalles, on choisit la meilleure fusion, et si le critère d'arrêt n'est pas atteint, on effectue cette fusion et on continue.

Selon ce mode de réalisation de la présente invention, on va de même étudier la loi du $\Delta \chi^2_{i,i+1}$ (variation de la valeur du χ^2 lors de la fusion de deux intervalles i et i+1). Lors du déroulement de la méthode, un grand nombre de fusions sont envisagées, et à chaque étape, on choisit la meilleure de toutes ces fusions en optimisant le critère du χ^2 , ou ce qui est équivalente en optimisant le critère du $\Delta \chi^2$ (le χ^2 de départ étant fixé) d'une manière équivalent à ce qui est décrit dans le document mentionné ci-dessus. En plus d'une condition d'arrêt sur les probabilités d'indépendance entre attribut source et attribut cible avant et après, la méthode selon la présente invention prévoit de continuer les fusions tant que la valeur du $\Delta \chi^2_{0,0+1}$ n'est pas assez importante (On rappelle ici que i0 et i0+1 sont respectivement les indices des intervalles dont la valeur du $\Delta \chi^2_{0,0+1}$ est la plus élevée).

En d'autres termes, on va effectuer un test sur cette valeur du $\Delta \chi^2_{0,i0+1}$ la plus élevée, ou plus exactement sa valeur absolue, en la comparant avec une valeur maximale notée $\text{Max}\Delta\chi^2$. Si cette valeur absolue de $\Delta \chi^2_{0,i0+1}$ est inférieure à la valeur $\text{Max}\Delta\chi^2$, alors le processus de fusion des intervalles est forcé quoi qu'il arrive (en ignorant les autres conditions d'arrêt).

On a représenté à la Fig. 1 un organigramme d'un exemple de mise en œuvre d'une méthode de discrétisation selon la présente invention.

L'algorithme débute par une phase d'initialisation 100, 110, 120, 130 (les références sont identiques à celles qui sont utilisées dans le document de brevet FR-A-2 825 168 dans laquelle on réalise une partition du domaine des modalités de l'attribut source en intervalles élémentaires ordonnés (étape 100), on calcule la valeur du χ^2 résultant ainsi que les valeurs les valeurs $\chi^2_{(i)}$ pour les I lignes du tableau de contingnece (étape 110), on calcule les valeurs $\Delta\chi^2_{(i,i+1)}$ des valeurs $\chi^2_{(i)}$ (étape 120) et on trie par ces valeurs $\Delta\chi^2_{(i,i+1)}$ par valeurs décroissantes (étape 130).

On notera que la première valeur $\Delta \chi^2_{\mathcal{N},i0+1}$ est celle qui est la plus élevée en valeur relative mais comme les valeurs $\Delta \chi^2_{(i,i+1)}$ sont toujours négatives, elle est celle dont la valeur absolue est la plus faible. Cette valeur correspond à la fusion de deux intervalles adjacents d'indices i0 et i0+1 pour laquelle la valeur absolue de $\Delta \chi^2_{\mathcal{N},i0+1}$ est minimisée ou pour laquelle la valeur du $\chi^2_{\mathcal{N}(i0,i0+1)}$ après fusion des intervalles i0 et i0+1 est maximisée.

A l'étape 200, étape nouvelle par rapport à ce qui est décrit dans le document FR-A-2 825 168, on initialise la valeur $\text{Max}\Delta\chi^2$. Il pourrait s'agir d'une valeur constante prise une fois pour toute. Néanmoins, comme on le verra par la suite, cette valeur dépend des données à traiter si bien qu'à l'étape 200, c'est un calcul qui est effectué.

A l'étape 140, on teste si la condition d'effectif minimum dans chaque case du tableau de contingence est vérifiée. Il peut s'agir de vérifier que chaque case du tableau comporte un minimum d'effectif pour que le procédé de la présente invention puisse fonctionner correctement en se plaçant dans les conditions d'application du test du χ^2 . On comprendra qu'il ne s'agit pas ici, comme c'était le cas dans le cas dans le document de brevet FR-A-2 825 168 mentionné ci-dessus, de résoudre le problème de sur-apprentissage. En reprenant les notations ci-dessus, il s'agit ici de vérifier que :

$$n_{i,j} > n_{min}$$
 pour tout i et j

30

25

5

10

15

20

où n_{min} est le nombre d'effectif minimum. Ce nombre est par exemple de 5.

Dans le cas où la relation précédente est vérifiée, on passe directement au test 210. Dans la négative, on poursuit par l'étape 145.

A l'étape 145, on donne priorité aux couples d'intervalles dont l'une d'entre elles au moins a une case qui n'a pas atteint l'effectif minimum n_{min} et à l'étape 165 l'on sélectionne parmi eux le couple d'intervalles (i_0, i_0+1) dont la valeur $\Delta \chi^2_{i0, i0+1}$ est la plus élevée. Puis, on poursuit à l'étape 170.

A l'étape 210, étape nouvelle par rapport à ce qui est décrit dans le document FR-A-2 825 168, on teste si la valeur absolue du $\Delta \chi^2_{0,i0+1}$ la plus élevée est inférieure à la valeur maximale notée $\text{Max}\Delta\chi^2$ déterminée à l'étape 200. Si cette valeur absolue de $\Delta \chi^2_{0,i0+1}$ est inférieure à la valeur $\text{Max}\Delta\chi^2$, alors on poursuit à l'étape 160 sinon on passe à l'étape 150.

A l'étape 150, on considère les intervalles i0 et i0+1 dont la valeur $\Delta \chi^2_{0.0+I}$ est la plus élevée et on teste si la probabilité d'indépendance entre attribut source et attribut cible après fusion de ces deux intervalles, notée $prob(\chi^2_{f(n,n+1)},(I-2)(J-1))$, est inférieure ou égale à la probabilité d'indépendance entre attribut source et attribut cible avant fusion des deux intervalles. On teste donc la relation suivante :

$$prob(\chi^2_{f(n,n+1)},(I-2)(J-1)) \leq prob(\chi_2,(I-1)(J-1))$$

5

10

15

20

25

30

Si tel est le cas, on sélectionne (étape 160) le couple d'intervalles i0 et i0+1 comme étant à fusionner et l'on poursuit à l'étape 170. Par contre, si tel n'est pas le cas, le processus se termine en 190.

A l'étape 170, les intervalles d'indice i_0 et i_0+1 sont fusionnés. La nouvelle valeur de $\chi^2_{(i_0)}$ est ensuite calculée en 180 ainsi que les nouvelles valeurs de $\Delta\chi^2_{(i_0-1,i_0)}$ et $\Delta\chi^2_{(i_0,i_0+1)}$ pour les intervalles adjacents, s'ils existent. En 185, la liste des valeurs $\Delta\chi^2_{(i_0,i_0+1)}$ est mise à jour: les anciennes valeurs $\Delta\chi^2_{(i_0-1,i_0)}$ et $\Delta\chi^2_{(i_0,i_0+1)}$ sont supprimées et les nouvelles valeurs sont stockées. La liste des valeurs $\Delta\chi^2_{(i_0,i_0+1)}$ est avantageusement organisée sous forme d'arbre binaire de recherche équilibré permettant de gérer les insertions/suppressions tout en maintenant la relation d'ordre dans la liste. Ainsi, il n'est pas nécessaire de trier complètement la liste à chaque étape. La liste des drapeaux est également mise à jour. Après la mise à jour, le processus retourne à l'étape de test 140.

On décrit ci-dessous des modes de réalisation de moyens qui permettent de déterminer la valeur de $Max\Delta\chi^2$. On comprendra que ces moyens sont mis en œuvre dans la boîte 200 de la Fig. 1.

Pour ce faire, on va partir de la constatation que, pour un attribut source et un attribut cible qui sont indépendants, le résultat souhaité est qu'à l'issue du processus de discrétisation, il ne reste plus qu'un seul intervalle, signifiant ainsi que l'attribut source (pris isolément) ne contient pas d'information sur l'attribut cible. Dans ce cas, on peut pour une probabilité p donnée déterminer une valeur $\text{Max}\Delta\chi^2(p)$ qui ne sera pas dépassée avec une probabilité p.

Ainsi, à l'étape 200, on détermine $\text{Max}\Delta\chi^2$ comme étant égal à $\text{Max}\Delta\chi^2$ (p), avec p une probabilité dont la valeur est prédéterminée.

On assure ainsi le comportement désiré avec une probabilité p. Dans le cas de deux attributs quelconques (non nécessairement indépendants), cette fiabilisation de la méthode nous permet d'affirmer que si l'algorithme produit une discrétisation contenant de l'information (au moins deux intervalles), il y a une probabilité supérieure à p pour que l'attribut descriptif soit réellement porteur d'information sur l'attribut à prédire.

On a cherché à déterminer théoriquement la relation qui existe entre la valeur de $\operatorname{Max}\Delta\chi^2$ et la probabilité p. Pour ce faire, on a étudié la loi du Delta $\Delta\chi^2_{(i,i+1)}$ (variation de la valeur du χ^2 lors de la fusion de deux intervalles de rang i et i+1) dans le cas de deux attributs indépendants. Dans ce cas, il faut continuer les fusions jusqu'à ce qu'il ne reste plus qu'un seul groupe final qui est en fait l'échantillon initial. Il faut donc que la plus grande valeur $\Delta\chi^2_{(i_0,i_0+1)}$ rencontré au cours du processus soit accepté. On va essayer d'estimer cette plus grande valeur au cours du déroulement du processus de discrétisation, et imposer que les fusions soient continuées tant que ce seuil n'est pas atteint, lequel sera donc la valeur recherchée de $\operatorname{Max}\Delta\chi^2$.

Pour deux attributs indépendants, la valeur du χ^2 suit une loi de probabilité dont l'espérance et la variance sont liées de la manière suivante :

$$E(\chi^{2})=k$$

$$Var(\chi_{2})=2k+\frac{1}{N}\left(\sum_{i=1}^{N}1/q_{i}-k^{2}-4k-1\right)$$
30

5

10

15

20

25

On a également pu montré (voir précédemment la relation 11) que la variation induite du χ^2 suite à la fusion de deux intervalles d'effectifs respectifs n et n' et de proportions de modalités locales cibles respectivement égales à p_j et p'_j peut s'écrire sous la forme :

$$\Delta \chi^2 = \chi^2_{après_fusion} - \chi^2_{avant_fusion} = -\left(\frac{nn!}{n+n!}\right) \sum_{j=1}^{J} \frac{\left(p_j - p'_j\right)^2}{P_j}$$

P_j est la proportion globale de modalités de l'attribut cible de rang j.

On sait que cette variation est toujours négative, et n'est nulle que si les intervalles sont identiques ou ont exactement les mêmes proportions de modalités cibles. Ainsi, on sait que le χ^2 d'un tableau de contingence ne peut que décroître suite à la fusion de deux lignes du tableau de contingence. Par la suite, on redéfinit le $\Delta\chi^2$ par sa valeur absolue pour ne manipuler que des grandeurs positives.

15

20

25

30

5

$$\Delta \chi^2 = \frac{nn!}{n+n!} \sum_{j=1}^{J} \frac{(p_j - p'_j)^2}{P_j}$$

Le calcul de la fonction de répartition de $\Delta \chi^2$ est basé sur des lois binomiales discrètes, ce qui le rend difficile à évaluer pour des valeurs importantes de n. On va utiliser le théorème central limite pour approximer la loi du $\Delta \chi^2$ dans le cas où n=n'.

On fait la proposition suivante : pour un attribut source indépendant d'un attribut cible à J modalités, le $\Delta \chi^2$ résultant de la fusion de deux intervalles de même effectif n et n' suit asymptomatiquement une loi du χ^2 à J-1 degrés de libertés.

On a pu montré que cette proposition est non seulement valable dans le cas de deux modalités cibles mais aussi dans les autres cas.

On peut remarquer que la loi du $\Delta \chi^2$ dépend du nombre de modalités de l'attribut cible, mais pas de leur distribution.

On va maintenant évaluer la statistique des fusions de la méthode selon la présente invention.

On remarque d'abord que lors d'une discrétisation « totale » jusqu'à un seul intervalle final, le nombre de fusions effectuées est environ égal à la taille N de l'échantillon.

On va dans un premier temps évaluer expérimentalement le comportement réel de l'algorithme et ainsi cette modélisation statistique simple de la méthode de la présente invention. L'expérimentation consiste à mettre en œuvre la méthode de l'invention sur un échantillon comportant un attribut source continu indépendant de l'attribut cible et prenant des valeurs booléennes équi-distribuées. On effectue toutes les fusions possibles jusqu'à obtenir un intervalle terminal unique (les critères d'arrêt sont rendus inactifs) et on collecte la valeur de $\Delta \chi^2$ de chacune de ces fusions afin

d'en tracer la fonction de répartition. On effectue cette expérimentation sur des échantillons de taille 100, 1000 et 10000, puis on compare les fonctions de répartion obtenues à la fonction de répartition théorique du $\Delta \chi^2$ de deux intervalles de même effectifs (loi du χ^2 à un degré de liberté).

Cette expérimentation montre que la loi des $\Delta\chi^2$ résultant des différentes fusions effectuées lors de la mise en œuvre de la méthode de l'invention ne dépend pas de la taille de l'échantillon, et est bien modélisée par la loi théorique du $\Delta\chi^2$ démontrée cidessus pour deux intervalles de même effectif. Selon un mode de réalisation de la présente invention, un seuil $\text{Max}\Delta\chi^2$ pour la mise en œuvre de la méthode ci-dessus est tel que pour deux attributs source et cible indépendants, la méthode converge vers un seul groupe terminal avec une probabilité supérieure à p (p = 0,95 par exemple). Il faut donc que toutes les fusions envisagées soient acceptées, c'est-à-dire que toutes les valeurs de $\Delta\chi^2$ résultant des fusions envisagées soient inférieures au seuil $\text{Max}\Delta\chi^2$. En se basant sur la modélisation précédente où toutes les fusions sont indépendantes, la probabilité que toutes les fusions envisagées soit acceptées est égale à la probabilité qu'une fusion soit acceptée à la puissance N. On cherche donc $\text{Max}\Delta\chi^2$ tel que :

$$P(\Delta \chi_{J}^{2} \le Max \Delta \chi^{2})^{N} \ge p$$

5

10

15

20

25

30

En passant par la loi du χ^2 équivalente, on a :

$$P(\chi^2) \le Max\Delta\chi^2$$
 $\ge p^{1/N}$

Ce qui peut encore s'écrire :

$$\text{Max}\Delta\chi^2 = \text{Inv}\chi^2_{J_1}(p^{1/N})$$

où $Inv\chi^2$ est la fonction qui donne la valeur du χ^2 en fonction d'une probabilité p donnée.

On a cherché à valider cette modélisation de la loi du $Max\Delta\chi^2$. Pour ce faire, on s'intéresse cette fois non plus à la distribution des valeurs du $\Delta\chi^2$ au cours de la mise en œuvre de la méthode de l'invention, mais aux maxima de ces valeurs. Pour cela. on utilise des échantillons de deux attributs source et cible réellement indépendants

10

15

20

comme précédemment et on collecte pour un grand nombre d'échantillons à discrétiser la valeur maximale des $\Delta\chi^2$ résultant des fusions d'intervalles opérées. On réalise cette expérimentation 1000 fois pour des échantillons de taille 100, 1000 et 10000 et 100000 et on trace les fonctions de répartition « empiriques » de $\text{Max}\Delta\chi^2$ pour chacune de ces tailles d'intervalles. On trace également sur les mêmes figures les fonctions de répartition théoriques obtenues avec la formule ci-dessus.

On a pu remarquer que les lois empiriques et les lois théoriques correspondantes ont des formes très similaires, quelle que soit la taille de l'échantillon. On a également pu remarquer que les valeurs théoriques constituent une borne supérieure des valeurs empiriques. Par conséquent, cette borne constitue une estimation assez fidèle des valeurs empiriques. On notera que bien que reposant sur des bases raisonnables, son comportement de borne supérieure n'a pu être vérifié qu'expérimentalement.

On a réalisé des expérimentations permettant d'évaluer la présente invention dans son premier mode de réalisation particulier.

Dans une première expérimentation, on a discrétisé un attribut source continu indépendant d'un attribut cible à prédire, pour des tailles d'échantillon de 100, 1000, 10000, 100000 et 100000. Pour chacune des tailles d'échantillon, on a répété cette expérimentation 1000 fois. On compte le nombre de cas où la discrétisation aboutit à un unique intervalle terminal, et dans les cas contraires de discrétisation multi-intervalles, on calcule la valeur moyenne du nombre d'intervalles. Le résultat de cette première expérimentation est montré dans le tableau ci-dessous.

			Discrétisation
			multi-intervalles
Taille d'échantillon	%	sans	Nombre
	discrétisation		d'intervalles
100	98,6%		2,36
1000	98,7%		3,00
10000	98,4%		3,00
100000	97,2%		3,00
1000000	95,6%		3,00

10

15

20

25

30

On peut constater que la discrétisation d'un attribut indépendant de l'attribut cible aboutit dans 95% à 98% des cas à un unique intervalle terminal. On peut conclure, sur la base de cette expérimentation, la méthode selon la présente invention se comporte de manière conforme à ce qui est attendu, au moins dans le domaine des taille d'échantillon variant de 100 à 1000000.

On va montrer ci-dessous que la méthode qui vient d'être décrite en relation avec la Fig. 1 est non seulement applicable au problème de la discrétisation de données numériques comme cela a été montré ci-dessus mais également au problème du groupage des modalités d'attributs symboliques.

On rappelle que le problème du groupage des modalités d'un attribut symbolique consiste à partitionner l'ensemble des valeurs de l'attribut en un nombre fini de groupes identifiés chacun par un code. Ainsi, la plupart des modèles prédictifs à base d'arbre de décision utilisent une méthode de groupage pour traiter les attributs symboliques, de façon à lutter contre la fragmentation des données.

La gestion des modalités d'une variable symbolique est un problème plus général dont les enjeux dépassent largement le cadre des arbres de décision. Par exemple, les méthodes à base de réseaux de neurones n'utilisant que des données numériques ont souvent recours à un codage disjonctif complet des variables symboliques. Dans le cas où les modalités sont trop nombreuses, il est nécessaire de procéder en préalable à des groupages de modalités. Ce problème se rencontre également dans le cas des réseaux bayesiens.

L'enjeu du regroupement des modalités est de trouver une partition réalisant un compromis entre qualité informationnelle (groupes homogènes vis-à-vis de l'attribut source à prédire) et qualité statistique (effectifs suffisant pour assurer une généralisation efficace). Ainsi, le cas extrême d'un attribut ayant autant de modalités que d'individus est inutilisable : tout regroupement des modalités correspond à un apprentissage « par cœur » inutilisable en généralisation. Dans l'autre cas extrême d'un attribut possédant une seule modalité, la capacité en généralisation est optimale, mais l'attribut ne possède aucune information permettant de séparer les classes à prédire. Il s'agit alors de trouver un critère mathématique permettant d'évaluer et de comparer des partitions de taille différentes, et un algorithme conduisant trouver la meilleure partition.

La méthode groupage selon la présente invention utilise la valeur globale du χ^2 du tableau de contingence entre attribut discrétisé (attribut source) et attribut à prédire

10

15

20

25

30

(attribut cible), et cherche à minimiser la probabilité P d'indépendance correspondante. La méthode de groupage commence par le partionnement des modalités initiales puis évalue toutes les fusions possibles et choisit enfin celle qui maximise le critère du χ^2 appliqué à la nouvelle partition formée. La méthode s'arrête automatiquement dès que la probabilité d'indépendance P ne décroît plus. Cette partie de la méthode est identique à celle qui est décrite dans le document FR-A-2 825 168. De plus, la méthode de groupage selon la présente invention est similaire à la méthode de discrétisation décrite ci-dessus en y apportant le même perfectionnement. Elle permet un contrôle réel de la qualité prédictive d'un groupage de modalités.

A l'instar de la méthode de discrétisation décrite ci-dessus, elle repose sur l'étude du comportement statistique de l'algorithme en présence d'un attribut symbolique indépendant de l'attribut à prédire. On a donc étudié la statistique de la variation maximale du critère du χ^2 lors du déroulement complet de l'algorithme de groupage. Cette étude a montré que cette valeur maximale $\text{Max}\Delta\chi^2$ ne dépend que du nombre de modalités des attributs sources et cibles et est insensible à la répartition de ces modalités ainsi qu'à la taille de l'échantillon d'apprentissage. Suite à la modélisation de la statistique du $\text{Max}\Delta\chi^2$, on a alors modifié l'algorithme de groupage initial en le contraignant à accepter toute fusion de modalités entraînant une variation du χ^2 inférieure à la variation théorique maximale calculée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

La présente invention permet de garantir, d'une part, que les groupages de modalité d'un attribut indépendant de l'attribut à prédire aboutissent à un seul groupe terminal et, d'autre part, que les groupages aboutissant à plusieurs groupes correspondent à des attributs ayant un intérêt prédictif réel. Des expérimentations confirment l'intérêt de cette version robuste de l'algorithme et montrent de bonnes performances prédictives pour les groupages obtenus.

La méthode de discrétisation qui a été décrite précédemment se généralise au groupage en remplaçant les intervalles par des groupes de modalités et en remplaçant la recherche de la meilleure fusion d'intervalles adjacents par la recherche de la meilleure fusion de groupes quelconques.

La contrainte d'effectif minimum se traduit ici par un effectif minimum par modalité. Lors d'un pré-traitement, toute modalité source n'atteignant pas cet effectif minimum sera groupée inconditionnellement en une modalité spéciale autre prévue à cet effet. Ainsi, il ne reste alors que des modalités qui satisfont la contrainte d'effectif minimum en entrée de la méthode de groupage.

10

15

20

25

30

De façon analogue à la méthode de discrétisation précédemment décrite, il est possible de ramener l'algorithme de groupage à une complexité algorithmique de Nlog(N)+J²log(J) ou N est le nombre d'individus de l'échantillon et J est le nombre de modalités de l'attribut source (une fois la modalité spéciale autre traitée).

L'organigramme de la méthode de groupage selon la présente invention est identique à celui de la méthode de discrétisation décrite ci-dessus en relation avec la Fig. 2.

On va maintenant cherché à exprimer la valeur du $Max\Delta\chi^2$ dans le cadre d'une méthode de groupage.

Lors de la mise en œuvre de la méthode de groupage selon l'invention telle qu'illustrée à la Fig. 2, on envisage toutes les fusions possibles de lignes du tableau de contingence et on choisit celle qui maximise la valeur du χ^2 du tableau de contingence après fusion des lignes, c'est-à-dire celle qui maximise la variation $\Delta \chi^2$ au cours de la fusion.

On considère que la valeur $\text{Max}\Delta\chi^2$ est la valeur maximale du $\Delta\chi^2$ qui sera atteinte lors de la mise en œuvre de la méthode selon la présente invention, valeur obtenue jusqu'à l'obtention d'un unique groupe de modalités terminal.

Ainsi, le principe de base de la méthode de la présente invention est de constater que pour un attribut source indépendant de l'attribut à prédire, on observera naturellement des variations du $\Delta \chi^2$ et donc un $\text{Max}\Delta \chi^2$ dû au hasard de l'échantillon. Mais en définitive, le groupage des modalités d'un attribut indépendant de l'attribut à prédire devrait aboutir à un seul groupe terminal. Par conséquent, on impose que toute fusion de groupe entraînant une variation du χ^2 inférieure aux variations pouvant être dues au hasard (c'est-à-dire inférieure au $\text{Max}\Delta \chi^2$) soit automatiquement acceptée. On assure ainsi également que tout groupage aboutissant à au moins deux groupes terminaux correspond à un attribut non indépendant de l'attribut à prédire.

On va maitenant cherché à établir la statistique du $Max\Delta\chi^2$ dans le cas du traitement du groupage de modalités d'attributs.

Soit N la taille de l'échantillon, I le nombre de modalités sources et J le nombre de modalités cibles.

On notera que, pour des raisons déjà expliquées ci-dessus, l'on se place dans le cas où la contrainte d'effectif minimum de 5 par cellule du tableau de contingence est respectée, de façon à pouvoir utiliser valablement la statistique du χ^2 .

10

15

20

25

30

A priori, la statistique du $Max\Delta\chi^2$ dépend de la taille de l'échantillon N, du nombre de modalités de l'attribut source I, du nombre de modalités de l'attribut J mais aussi de la répartition des fréquences des modalités sources et de la répartition des fréquences des modalités cibles.

En fait, on a pu démontrer que la loi du $\text{Max}\Delta\chi^2$ ne dépend en réalité que du nombre de modalités de l'attribut source I et de l'attribut cible J. On a également pu démontrer que pour 2 modalités sources, la loi du $\text{Max}\Delta\chi^2$ est la loi du χ^2 à J-1 degrés de libertés. Sa moyenne est donc J-1.

De plus, pour 2 modalités cibles, on a encore pu démontré que la moyenne du $\text{Max}\Delta\chi^2$ est asymptotiquement proportionnelle à $2I/\pi$.

On a décrit jusqu'ici une méthode de discrétisation d'un attribut source dont les modalités continues sont mono-dimensionnelles mais on comprendra que la présente invention est également applicable à une méthode de discrétisation d'un attribut source dont les modalités également continues sont de dimensions k.

Dans ce cas, l'attribut source est un attribut source numérique de dimensions k formé par k attributs sources mono-dimensionnels. Chaque individu de la population peut être représenté par un point de l'espace desdits attributs de dimension k.

Cette méthode de discrétisation en dimension k d'un groupe de k attributs sources consiste donc à faire une partition des modalités du groupe des k attributs sources en des régions élémentaires de dimension k et une évaluation pour chaque couple de régions élémentaires adjacentes, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple.

On notera que les régions élémentaires en question sont par exemple des cellules de Voronoï de l'espace des attributs sources. Pour trouver deux régions élémentaires adjacentes, on construit le graphe de Delaunay associé aux cellules de Voronoï et l'on élimine de ce graphe tout arc joignant deux cellules voisines en passant par une troisième, les couples de régions adjacentes étant donnés par les arcs du graphe de Delaunay après l'étape d'élimination.

On pourra utilement se reporter au document de brevet FR-A-2 825 168 pour des détails concernant ces étapes de partition et d'évaluation.

Ensuite, on effectue la fusion, parmi l'ensemble des couples de régions fusionnables, du couple de régions dont la fusion maximise la valeur de χ^2 et on arrête la méthode lorsqu'il n'existe pas d'ensemble d'intervalles permettant de diminuer la probabilité d'indépendance. Si tel n'est pas le cas, on réitère les étapes précédentes.

10

15

20

25

30

Selon une caractéristique de la présente invention, la méthode de discrétisation en dimension k d'un groupe de k attributs sources est caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape de saut direct à partir de d'étape de fusion après l'étape d'arrêt tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

De même, la méthode qui vient d'être décrite est également applicable au groupage en dimension k d'un groupe de k attributs sources discrets. Comme précédemment, elle consiste alors à faire une partition desdites modalités du groupe des k attributs source en une pluralité de groupes et une évaluation pour chaque couple de groupes, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple.

Elle consiste à faire la fusion, parmi l'ensemble des couples de groupes fusionnables, du couple de groupes dont la fusion maximise la valeur de χ^2 et à arrêter la méthode s'il n'existe pas de fusions de groupes permettant de diminuer la probabilité d'indépendance, sinon on réitère les étapes précédentes.

Cette méthode de groupage comprend en outre une étape de saut direct à l'étape de réitération tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

On rappelle que de manière tout à fait général, la présente invention concerne une méthode de discrétisation/groupage d'un attribut source ou d'un groupe attributs source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné.

Si l'on se réfère à la Fig. unique, les étapes de partition desdites modalités dudit attribut source ou dudit groupe d'attribut en régions élémentaires, d'évaluation pour chaque couple de régions élémentaires, de la valeur après une éventuelle fusion dudit couple d'un critère de fusion, et de recherche, parmi l'ensemble des couples de régions élémentaires fusionnables, du couple de régions élémentaires dont le critère de fusion serait optimisée correspondant aux étapes 100, 110, 120 et 130.

L'étape d'arrêt de la méthode s'il n'existe pas de régions élémentaires dont la fusion aurait pour conséquence d'améliorer le critère de fusion est l'étape 150.

L'étape de fusion et réitération est représentée par la boucle incluant 160, 170, 180 et 185.

L'étape de saut direct tant que la valeur de la variable d'appréciation de la fusion n'est pas comprise dans une zone de valeurs atypiques prédéterminée est l'étape 210.

Enfin, l'étape de détermination de la zone de valeurs atypiques prédéterminée est l'étape 200.

REVENDICATIONS

- 1) Méthode de discrétisation/groupage d'un attribut source ou d'un groupe attributs source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :
- a) Partition desdites modalités dudit attribut source ou dudit groupe d'attribut en régions élémentaires,
 - b) Evaluation pour chaque couple de régions élémentaires, d'un critère de fusion,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de régions élémentaires fusionnables, du couple de régions élémentaires dont le critère de fusion serait optimisée,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas de régions élémentaires dont la fusion aurait pour conséquence d'améliorer ledit critère de fusion,
 - f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e),

5

10

15

20

25

30

caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur d'une variable d'appréciation de la fusion considérée n'est pas comprise dans une zone de valeurs atypiques prédéterminée.

- 2) Méthode de discrétisation/groupage d'un attribut source ou d'un groupe attributs source selon la revendication 1, caractérisée en ce que ladite zone de valeurs atypiques prédéterminée est telle que pour un attribut cible indépendant dudit attribut source ou dudit groupe attributs source, la valeur de ladite variable d'appréciation de la fusion considérée ne soit pas comprise dans ladite zone avec une probabilité p prédéterminée.
- 3) Méthode de discrétisation d'un attribut source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :
- a) Partition desdites modalités de l'attribut source en intervalles élémentaires deux à deux adjacents,
- b) Evaluation pour chaque couple d'intervalles élémentaires adjacents dudit ensemble, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,

- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples d'intervalles élémentaires fusionnables, du couple d'intervalles élémentaires dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas d'intervalles élémentaires permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,
 - f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e),

caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

- 4) Méthode de discrétisation selon la revendication3, caractérisée en ce que ladite valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$ est telle que pour un attribut cible indépendant de l'attribut source la valeur $\Delta\chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion soit toujours inférieure à ladite valeur $\text{Max}\Delta\chi^2$ avec une probabilité p prédéterminée.
- 5) Méthode de discrétisation selon la revendication 4, caractérisée en ce que ladite valeur seuil prédéterminée MaxΔχ² est égale à la fonction du χ² de degré de
 20 liberté égale au nombre J de modalités de l'attribut cible moins un pour une probabilité p à la puissance 1/N où N est la taille de l'échantillon de la partie de la base de données sur laquelle est appliquée ladite méthode de discrétisation :

$$Max\Delta\chi^2 = Inv\chi^2_{I=1}(p^{1/N})$$

25

5

10

15

où $Inv\chi^2$ est la fonction qui donne la valeur du χ^2 en fonction d'une probabilité p donnée.

6) Méthode de discrétisation d'un attribut source selon une des revendications 3 à 5, caractérisée en ce qu'elle comporte une étape de vérification que l'effectif d'un attribut source pour des modalités dans un intervalle donné pour chaque attribut cible est supérieur à une valeur prédéterminée, et si tel n'est pas le cas, mettre en œuvre la fusion dudit intervalle avec un intervalle adjacent.

- 7) Méthode de groupage d'un attribut de source d'une base de données contenant une population d'individus dans le but notamment de prédire des modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :
 - a) Partition desdites modalités de l'attribut source en une pluralité de groupes,
- b) Evaluation pour chaque couple de groupes dudit ensemble, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de groupes fusionnables, du couple de groupes dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas de fusions de groupes permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,
 - f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e),

caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

- 8) Méthode de groupage selon la revendication 7, caractérisée en ce que ladite valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$ est telle que pour un attribut cible indépendant de l'attribut source la valeur $\Delta\chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion soit toujours inférieure à ladite valeur $\text{Max}\Delta\chi^2$ avec une probabilité p prédéterminée.
- 9) Méthode de groupage selon la revendication 7, caractérisée en ce que pour établir la valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$, elle consiste à utiliser une table de valeurs préalablement calculée de valeurs de moyenne et d'écart type en fonction du nombre de modalités de l'attribut source et du nombre de modalités des attributs cibles, à déterminer par interpolation linéaire à partir de ladite table de valeurs la moyenne et l'écart type du $\text{Max}\Delta\chi^2$ correspondant aux attributs à grouper, puis à déterminer en utilisant la loi normale inverse la valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$ correspondant qui ne sera pas avec une probabilité p.

10) Méthode de groupage selon la revendication 9, caractérisée en ce que pour deux modalités cibles, la moyenne du $Max\Delta\chi^2$ est asymptotiquement proportionnelle à $2I/\pi$ où I est le nombre de modalités sources.

30

25

5

10

15

20

10

15

20

25

- 11) Méthode de groupage selon la revendication 10, caractérisée en ce que pour deux modalités sources, la loi du $\text{Max}\Delta\chi^2$ est la loi du χ^2 à J-1 degrés de liberté, J étant le nombre de modalités cibles.
- 12) Méthode de groupage d'un attribut source selon une des revendications précédentes 7 à 11, caractérisée en ce qu'elle comporte une étape préalable de vérification que l'effectif d'un attribut source pour des modalités dans un groupe donné pour chaque attribut cible est supérieur à une valeur prédéterminée, et si tel n'est pas le cas, mettre en œuvre une fusion dudit groupe avec un groupe spécifique, ledit groupe fusionné formant alors de nouveau ledit groupe spécifique.
 - 13) Méthode de discrétisation en dimension k d'un groupe de k attributs sources continus d'une base de données contenant une population d'individus, dans le but notamment de prédire les modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :
 - a) Partition desdites modalités du groupe des k attributs sources en des régions élémentaires de dimension k,
 - b) Evaluation pour chaque couple de régions élémentaires adjacentes, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,
 - c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de régions fusionnables, du couple de régions dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,
 - e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas d'ensemble d'intervalles permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,
 - f) sinon fusion et réitération des étapes b) à e),
 - caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.
- 30 14) Méthode de groupage en dimension k d'un groupe de k attributs sources discrets d'une base de données contenant une population d'individus, dans le but notamment de prédire les modalités d'un attribut cible donné, ladite méthode comportant les étapes suivantes de :

- a) Partition desdites modalités du groupe des k attributs source en une pluralité de groupes,
- b) Evaluation pour chaque couple de groupes, la valeur du χ^2 du tableau de contingence après une éventuelle fusion dudit couple,
- c) Recherche, parmi l'ensemble des couples de groupes fusionnables, du couple de groupes dont la fusion maximiserait la valeur de χ^2 ,
- e) Arrêt de la méthode s'il n'existe pas de fusions de groupes permettant de diminuer la probabilité d'indépendance,
 - f) sinon réitération des étapes b) à e),

10

caractérisée en ce qu'elle comprend en outre une étape d) entre les étapes c) et e) de saut direct à l'étape f) tant que la valeur $\Delta \chi^2$ de la variation de la valeur du χ^2 avant et après fusion est, en valeur absolue, inférieure à une valeur seuil prédéterminée $\text{Max}\Delta\chi^2$.

Planche 1/1

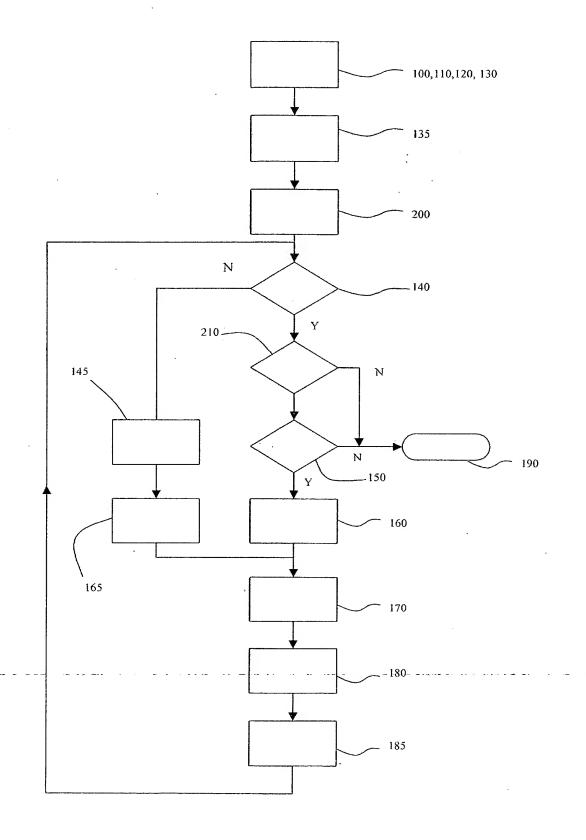


Fig. unique

reçue le 30/01/03

Brevet d'invention

CERTIFICAT D'UTILITÉ



Code de la propriété intellectuelle - Livre VI

DÉPARTEMENT DES BREVETS

26 bis, rue de Saint Pétersbourg 75800 Parts Cedex 08

Téléphone : 33 (1) 53 04 53 04 Télécopie : 33 (1) 42 94 86 54

DÉSIGNATION D'INVENTEUR(S) Page N° 1../1...

(À fournir dans le cas où les demandeurs et les inventeurs ne sont pas les mêmes personnes)

DB 113 Q W / 270801 Cet imprimé est à remplir lisiblement à l'encre noire Vos références pour ce dossier (facultatif) 8713 n° d'enregistrement national TITRE DE L'HIVENTION (200 caractères ou espaces maximum) Méthode de discrétisation/groupage d'un attribut source ou d'un groupe attributs source d'une base de données LE(S) DEMANDEUR(S): FRANCE TELECOM S.A. 6, place d'Alleray 75015 PARIS designe(MT) em tant qu'inventeur(s) : BOULLE Nom Marc Prénoms 100, route de Lannion Rue Adresse Code postal et ville 12 2 7 3 0 TREGASTEL Société d'appartenance (facultatif) 2 Nom Prénoms Rue Adresse Code postal et ville Société d'appartenance (facultatif) 3 Nom Prénoms Rue Adresse Code postal et ville Société d'appartenance (facultatif) S'il y a plus de trois inventeurs, utilisez plusieurs formulaires. Indiquez en haut à droite le N° de la page suivi du nombre de pages. DATE ET SIGNATURE(S) DU (DES) DEMANDEUR(S) BEIGTAGNAEN UG UG (Nom et qualité du signataire) MAILLET Alain 923036

La loi n°78-17 du 6 janvier 1978 relative à l'informatique, aux fichiers et aux libertés s'applique aux réponses faites à ce formulaire. Elle garanții un droit d'accès et de rectification pour les données vous concernant auprès de l'INPI.